# ГОУ ВПО Российско-Армянский (Славянский) университет

Директор Института математики информатики

математики Арамян Р.Г.

протокол №3.1

### УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЙ КОМПЛЕКС ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование дисциплины: Алгоритмы

Автор: Асланян Айк Каренович, канд.физ.-мат.наук

Направление подготовки: <u>01.03.02 Прикладная математика и информатика</u> Наименование образовательной программы: <u>01.03.02 Прикладная</u> математика и информатика

#### 1. АННОТАЦИЯ

1.1. Краткое описание содержания данной дисциплины;

Дисциплина "Алгоритмы в программировании" изучает теоретические основы и практические методы разработки, анализа и применения алгоритмов в программировании. Курс охватывает фундаментальные алгоритмические концепции, структуры данных и методы решения вычислительных задач.

**1.2.** Трудоемкость в академических кредитах и часах, формы итогового контроля (экзамен/зачет);

72 часа, экзамен.

**1.3.** Взаимосвязь дисциплины с другими дисциплинами учебного плана специальности (направления)

Для удачного прохождения данного курса студенты должны знать структуры данных, дискретную математику уметь писать код на некотором языке программирования. Иметь навыки аналитического мышления.

1.4. Результаты освоения программы дисциплины:

Код компетенции	Наименование компетенции	Код индикатора достижения компетенций	Наименование индикатора достижений компетенций
ПК-7	способностью к разработке и применению алгоритмических и	1	Знать методы и технологии разработки и применения
	программных решений в области системного и прикладного		системного и прикладного программного обеспечения
	программного обеспечения	2	Разрабатывать и применять алгоритмические и программные решения в области системного и прикладного программного обеспечения
		3	Владеть способностью разрабатывать и применять алгоритмические и программные решения в области системного и прикладного программного обеспечения
ПК-8	способностью приобретать и использовать организационно- управленческие навыки в профессиональной и социальной	1	Знать основные методы координации деятельности органов управления, организации надзора,

	деятельности		контроля и
	деятельности		информационного
			обеспечения
			профессиональной
			деятельности
		2	Уметь применять
		2	<u> </u>
			нормативноправовые основы действующего
			законодательства в области
			решения профессиональных
		2	задач
		3	Владеть навыками принятия
			управленческих решений в
			области профессиональной
TTT 0		1	деятельности
ПК-9	способностью составлять и	1	Знать план выполняемой
	контролировать план выполняемой		работы в ходе практической
	работы, планировать необходимые для		деятельности для получения
	выполнения работы ресурсы,		профессиональных умений и
	оценивать результаты собственной		опыта профессиональной
	работы		деятельности
		2	Уметь составлять и
			контролировать план
			выполняемой работы,
			планировать необходимые
			для выполнения работы
			ресурсы, оценивать
			результаты собственной
			работы
		3	Регулярная оценка и анализ
			результатов выполненной
			работы с целью выявления
			достижений, а также
			выявления возможных
			областей для улучшения и
			развития профессиональных
			навыков.
УК-1	Способен осуществлять поиск,	1	Знает, как осуществлять
	критический анализ и синтез		поиск, критический анализ и
	информации, применять системный		синтез информации для
	подход для решения поставленных		решения поставленных
	задач		профессиональных задач
		2	Умеет применять системный
			подход на основе поиска,
			критического анализа и
			синтеза информации для
			решения задач
			профессиональной области
			профессиональной области

		3	Владеет навыками поиска,
			синтеза и критического
			анализа информации в своей
			профессиональной области;
			владеет системным подходом
			для решения поставленных
			задач
ОПК-2	Способен использовать и адаптировать	1	Знает основные задачи и
	существующие математические методы		области применения
	и системы программирования для		математических методов,
	разработки и реализации алгоритмов		основные принципы
	решения прикладных задач		математического
			моделирования, методы
			построения и анализа
			математических моделей
		2	Умеет выбирать
			математические методы,
			адаптировать и использовать
			их для разработки и
			реализации алгоритмов
			решения прикладных задач
		3	Осуществляет выбор и
			адаптацию математических
			методов и систем
			программирования для
			разработки и реализации
			алгоритмов решения
			прикладных задач

### 2. УЧЕБНАЯ ПРОГРАММА

- 2.1. Цели и задачи дисциплины
- **2.2.** Трудоемкость дисциплины и виды учебной работы (в академических часах и зачетных единицах)

	Всего, в Распределение по семестрам							
Виды учебной работы	акад.	IV						
	часах	сем	сем	сем	сем.	сем	сем.	
1	2	3	4	5	6	7	8	
1.Общая трудоемкость изучения	216	216						
дисциплины по семестрам, в т. ч.:								
1.1. Аудиторные занятия, в т. ч.:	64	64						
1.1.1.Лекции	32	32						
1.1.2.Практические занятия, в т. ч.	32	32						
1.1.3.Самостоятельная работа	125	125						
1.1.4.Другое	27	27						

Итоговый контроль	Экзам			
	ен			

### 2.3. Содержание дисциплины

## 2.3.1. Тематический план и трудоемкость аудиторных занятий (модули, разделы дисциплины и виды занятий) по рабочему учебному плану

Разделы и темы дисциплины	Всего (ак. часов)	Лекции (ак. часов)	Практ. Занятия (ак. часов)	Семинары (ак. часов)	Лабор. (ак. часов)
1	2=3+4+5+6 +7	3	4	5	6
Тема 1. Корректность алгоритмов, анализ алгоритмов (worst-case, average-case, best-case), асимптотический анализ алгоритмов.	4	2	2		
Тема 2. Алгоритмы сортировки (bubble, insertion, radix, bucket), нижняя оценка для сортировки сравнениями.	8	4	4		
Тема 3. Парадигма разделяй и властвуй, сортировка слиянием, бинарный поиск, умножения матриц, алгоритм Штрассена).	4	2	2		
Тема 4. Динамическое программирование, числа Фибоначи, поиск наибольшей общей подпоследовательности.	4	2	2		
Тема 5. Самая длинная возрастающая подпоследовательность, задача о рюкзаке.	4	2	2		
Тема б. Представления графов. Обход графов в ширину (BFS) и глубину (DFS), оценка сложности.	8	4	4		
Тема 7. Топологическая сортировка, поиск сильно связанных компонентов, оценка сложности.	8	4	4		

Тема 8. Деревья (свойства, расчет диаметра дерева, поиск центра).	6	3	3	
Тема 9. Минимальное остовное дерево (алгоритм Краскала и/или алгоритм Прима).	6	3	3	
Тема 10. Жадные алгоритмы.	6	3	3	
Тема 11. NP полнота.	6	3	3	
ИТОГО	64	32	32	

#### 2.3.2. Краткое содержание разделов дисциплины в виде тематического плана

# Tema 1. Корректность алгоритмов, анализ алгоритмов (worst-case, average-case, best-case), асимптотический анализ алгоритмов.

Корректность алгоритмов определяется их способностью решать поставленную задачу для всех допустимых входных данных и доказывается через инварианты циклов, предусловия и постусловия. Анализ алгоритмов включает оценку производительности в трех сценариях: worst-case (наихудший случай) показывает максимальное время выполнения, average-case (средний случай) учитывает вероятностное распределение входных данных, а best-case (наилучший случай) демонстрирует минимальное время работы. Асимптотический анализ использует нотации O,  $\Theta$  и  $\Omega$  для описания поведения алгоритмов при росте размера входных данных, позволяя сравнивать эффективность различных подходов независимо от конкретной реализации и аппаратной платформы, что является основой для выбора оптимальных алгоритмических решений..

## Tema 2. Алгоритмы сортировки (bubble, insertion, radix, bucket), нижняя оценка для сортировки сравнениями.

Алгоритмы сортировки делятся на основанные на сравнениях и не основанные на сравнениях, каждый с различными характеристиками сложности. Сортировка пузырьком (bubble sort) и сортировка вставками (insertion sort) имеют сложность  $O(n^2)$  в худшем случае, но insertion sort эффективна для небольших или частично отсортированных массивов с лучшим случаем O(n). Поразрядная сортировка (radix sort) и блочная сортировка (bucket sort) не используют сравнения элементов: radix sort работает за  $O(d \cdot n)$  где d — количество разрядов, а bucket sort достигает O(n) в среднем случае при равномерном распределении данных, но требует  $O(n^2)$  в худшем случае. Теоретическая нижняя граница для любого алгоритма сортировки, основанного на сравнениях, составляет  $\Omega(n \log n)$ , что доказывается через анализ дерева решений: для сортировки n элементов существует n! различных перестановок, и каждое сравнение может дать максимум два исхода, поэтому минимальная высота дерева решений равна  $\log_2(n!) \approx n \log n$ , что делает алгоритмы типа merge sort и heap sort асимптотически оптимальными среди сортировок сравнениями.

# **Тема 3.** Парадигма разделяй и властвуй, сортировка слиянием, бинарный поиск, умножения матриц, алгоритм Штрассена)

Парадигма "разделяй и властвуй" рекурсивно разбивает задачу на подзадачи, решает их независимо и объединяет результаты. Сортировка слиянием делит массив пополам до одноэлементных частей, затем сливает их в отсортированном порядке за  $O(n \log n)$ . Бинарный поиск отбрасывает половину элементов на каждом шаге, сравнивая искомое значение со средним элементом, что дает  $O(\log n)$ . Стандартное умножение матриц требует  $O(n^3)$  операций, но алгоритм Штрассена использует семь рекурсивных умножений вместо восьми, снижая сложность до  $O(n^2 \cdot 2.81)$ . Эффективность таких алгоритмов анализируется через рекуррентные соотношения вида T(n) = aT(n/b) + f(n).

## **Тема 4.** Динамическое программирование, числа Фибоначи, поиск наибольшей общей подпоследовательности.

Динамическое программирование — это метод решения задач путем разбиения их на перекрывающиеся подзадачи с сохранением результатов для избежания повторных вычислений. Классический пример — числа Фибоначчи, где наивная рекурсия F(n) = F(n-1) + F(n-2) имеет экспоненциальную сложность  $O(2^n)$  из-за многократного пересчета одних

значений, но с мемоизацией или итеративным подходом сложность снижается до O(n). Задача поиска наибольшей общей подпоследовательности (LCS) для двух строк длиной m и n решается через двумерную таблицу, где dp[i][j] представляет длину LCS для первых i символов первой строки и первых j символов второй строки, с рекуррентным соотношением: если символы совпадают, то dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + 1, иначе dp[i][j] = max(dp[i-1][j], dp[i][j-1]). Алгоритм LCS работает за O(m×n) времени и пространства, демонстрируя типичный подход динамического программирования: оптимальное решение строится из оптимальных решений подзадач с использованием принципа оптимальности Беллмана.

#### Тема 5. Самая длинная возрастающая подпоследовательность, задача о рюкзаке.

Задача о самой длинной возрастающей подпоследовательности (LIS) решается динамическим программированием за  $O(n^2)$ , где dp[i] хранит длину LIS, заканчивающейся в позиции i, с рекуррентным соотношением dp[i] = max(dp[j]+1) для всех j < i где arr[j] < arr[i], но существует оптимизированное решение за  $O(n \log n)$  с использованием бинарного поиска. Задача о рюкзаке (knapsack problem) имеет две основные версии: в задаче 0/1 каждый предмет можно взять только один раз, решение строится через двумерную таблицу dp[i][w], где dp[i][w] — максимальная стоимость для первых i предметов при весе рюкзака w, с рекуррентным соотношением dp[i][w] = max(dp[i-1][w], dp[i-1][w-weight[i]] + value[i]). Неограниченная задача о рюкзаке позволяет брать предметы многократно, что упрощает рекуррентное соотношение до dp[w] = max(dp[w], dp[w-weight[i]] + value[i]) для каждого предмета i. Обе задачи имеют временную сложность  $O(n \times W)$  где n — количество предметов, w — вместимость рюкзака, и демонстрируют классический подход динамического программирования для задач комбинаторной оптимизации.

## Тема 6. Представления графов. Обход графов в ширину (BFS) и глубину (DFS), оценка сложности.

Графы представляются двумя основными способами: матрица смежности размером  $V \times V$  занимает  $O(V^2)$  памяти и позволяет проверить наличие ребра за O(1), но неэффективна для разреженных графов, в то время как список смежности требует O(V+E) памяти и O(degree(v)) времени для проверки ребра, где degree(v) — степень вершины. Обход в глубину (DFS) использует стек (явно или через рекурсию) для посещения вершин, углубляясь в граф до тупика перед возвратом, что позволяет обнаруживать циклы, выполнять топологическую сортировку и находить компоненты связности. Обход в ширину (BFS) применяет очередь для

посещения всех соседей текущей вершины перед переходом к следующему уровню, что гарантирует нахождение кратчайшего пути в невзвешенных графах и позволяет определять связность графа. Временная сложность обоих алгоритмов составляет O(V+E) для списка смежности и  $O(V^2)$  для матрицы смежности, где V — количество вершин, E — количество ребер, а пространственная сложность равна O(V) для хранения информации о посещенных вершинах и структур данных обхода.

### **Тема 7. Топологическая сортировка, поиск сильно связанных компонентов, оценка** сложности.

Топологическая сортировка применяется к направленным ациклическим графам (DAG) для упорядочивания вершин таким образом, чтобы для каждого ребра (u,v) вершина и предшествовала вершине v в итоговой последовательности. Алгоритм Кана использует очередь и массив входящих степеней: на каждом шаге удаляется вершина с нулевой входящей степенью, а степени ее соседей уменьшаются на единицу, что дает сложность O(V+E). Альтернативный подход через DFS выполняет обход в глубину и добавляет вершины в стек при завершении обработки всех их потомков, после чего элементы стека извлекаются в обратном порядке. Поиск сильно связанных компонентов (SCC) решается алгоритмом Косарайю за O(V+E): выполняется DFS на исходном графе с записью времени завершения обработки вершин, затем DFS на транспонированном графе в порядке убывания времени завершения, где каждый обход дает одну сильно связанную компоненту. Алгоритм Тарьяна находит SCC за один проход DFS с использованием стека и двух массивов (время обнаружения и наименьшее достижимое время), также работая за O(V+E) времени и O(V) памяти.

#### Тема 8. Деревья (свойства, расчет диаметра дерева, поиск центра).

Дерево — это связный ациклический граф с V вершинами и V-1 ребрами, где между любыми двумя вершинами существует единственный простой путь. Основные свойства деревьев включают отсутствие циклов, связность, минимальность (удаление любого ребра делает граф несвязным) и максимальность (добавление любого ребра создает цикл). Диаметр дерева — это максимальное расстояние между любыми двумя вершинами, которое находится за O(V) с помощью двух BFS: первый BFS из произвольной вершины находит наиболее удаленную от нее вершину и, второй BFS от и находит наиболее удаленную вершину v, и расстояние между и и v является диаметром. Центр дерева — это вершина (или две

вершины), минимизирующая максимальное расстояние до всех остальных вершин, и находится путем итеративного удаления листьев: на каждом шаге удаляются все листья и их ребра, процесс продолжается до тех пор, пока не останется одна или две вершины, которые и являются центром. Все алгоритмы для деревьев имеют линейную сложность O(V) благодаря их простой структуре без циклов.

#### Тема 9. Минимальное остовное дерево (алгоритм Краскала и/или алгоритм Прима).

Минимальное остовное дерево (MST) для взвешенного связного графа — это поддерево, которое соединяет все вершины с минимальной суммой весов ребер, содержащее V-1 ребро для V вершин. Алгоритм Краскала использует жадный подход: сортирует все ребра по возрастанию веса и последовательно добавляет их в MST, если они не создают цикл, что проверяется через структуру данных Union-Find (система непересекающихся множеств). Временная сложность алгоритма Краскала составляет O(E log E) из-за сортировки ребер, где Е — количество ребер, а операции Union-Find выполняются практически за константное время с использованием эвристик сжатия путей и объединения по рангу. Алгоритм Прима строит MST инкрементально, начиная с произвольной вершины и на каждом шаге добавляя минимальное ребро, соединяющее уже включенные вершины с еще не включенными, что реализуется через приоритетную очередь с временной сложностью O(E log V) при использовании двоичной кучи или O(E + V log V) с фибоначчиевой кучей. Оба алгоритма гарантированно находят оптимальное решение благодаря свойствам MST: теореме о разрезе (минимальное ребро, пересекающее любой разрез, принадлежит некоторому MST) и теореме о цикле (максимальное ребро в любом цикле не принадлежит MST).

#### Тема 10. Жадные алгоритмы.

Жадные алгоритмы принимают локально оптимальные решения на каждом шаге, надеясь получить глобально оптимальное решение, что работает только для задач с определенными математическими свойствами. Классические примеры включают алгоритмы для минимальных остовных деревьев (Краскал и Прим), где выбор минимального ребра на каждом шаге гарантирует оптимальность благодаря матроидным свойствам графа. Задача о планировании занятий решается жадным выбором заданий с наименьшим временем окончания, алгоритм Хаффмана строит оптимальное префиксное кодирование путем последовательного объединения символов с наименьшими частотами, а задача о сдаче решается выбором монет наибольшего номинала. Корректность жадных алгоритмов

доказывается через свойство жадного выбора (локально оптимальное решение входит в глобально оптимальное) и оптимальную подструктуру (оптимальное решение содержит оптимальные решения подзадач).

#### Тема 11. NP полнота

NP-полнота — это класс вычислительных задач, которые находятся в пересечении двух множеств: NP (задачи, для которых решение можно проверить за полиномиальное время) и NP-трудные (задачи, к которым любая NP-задача сводится за полиномиальное время). Задача является NP-полной, если она принадлежит NP и любая другая NP-задача может быть полиномиально сведена к ней, что делает NP-полные задачи "самыми трудными" в классе NP. Классические примеры включают задачу выполнимости булевых формул (SAT), задачу о клике, задачу коммивояжера, задачу о рюкзаке 0/1 и задачу о раскраске графа в к цветов. Центральный открытый вопрос теории сложности — равенство P = NP — спрашивает, можно ли все NP-задачи решить за полиномиальное время; большинство ученых считает, что  $P \neq NP$ , что означает отсутствие эффективных алгоритмов для NP-полных задач. Практические подходы к NP-полным задачам включают аппроксимационные алгоритмы (дающие приближенные решения с гарантированной точностью), эвристические методы, экспоненциальные алгоритмы для небольших входных данных и сведение к частным случаям с полиномиальными алгоритмами.

**Литература:** Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р., Штайн К. Алгоритмы: построение и анализ = Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest, Clifford Stein. Introduction to Algorithms. Second edition / пер. с англ. канд. техн. наук И. В. Красикова, Н. А. Ореховой, В. Н. Романова под ред. канд. техн. наук И. В. Красикова. — 2-е изд. — М.: Издательский дом «Вильямс», 2011. — 1290 с., ил. — 1000 экз. — ISBN 978-5-8459-0857-5 (рус.). — ISBN 0-07-013151-1 (англ.).

### 2.3.3. Краткое содержание семинарских/практических занятий/лабораторного практикума

Семинарские и практические занятия включают программную реализацию и анализ основных алгоритмических парадигм для закрепления теоретических знаний. Студенты изучают алгоритмы сортировки (bubble sort, insertion sort, merge sort, quick sort) с измерением их производительности на различных наборах данных, реализуют бинарный поиск и анализируют его логарифмическую сложность. Практические задания охватывают

динамическое программирование через классические задачи (числа Фибоначчи, LCS, LIS, задача о рюкзаке), алгоритмы на графах включая BFS, DFS, топологическую сортировку и поиск минимальных остовных деревьев методами Краскала и Прима. Лабораторные работы включают реализацию жадных алгоритмов (планирование занятий, алгоритм Хаффмана), изучение алгоритмов "разделяй и властвуй" с анализом рекуррентных соотношений, а также знакомство с NP-полными задачами через аппроксимационные алгоритмы. Все задания сопровождаются экспериментальным анализом временной сложности, сравнением теоретических оценок с практическими измерениями и обсуждением применимости различных алгоритмических подходов к реальным задачам, что развивает навыки выбора оптимальных алгоритмов для конкретных сценариев.

#### 2.3.4. Материально-техническое обеспечение дисциплины

«Материально-техническое обеспечение дисциплины» включает компьютерные классы с современными персональными компьютерами, оснащенными процессорами не менее 2 ГГц, оперативной памятью от 4 ГБ и достаточным дисковым пространством для установки IDE и компиляторов. Программное обеспечение включает среды разработки (Visual Studio или аналогичные), компиляторы С++ (GCC, Clang, MSVC), отладчики и профилировщики для анализа производительности алгоритмов. Аудитории оборудованы проекторами и интерактивными досками для демонстрации алгоритмов и структур данных. Лабораторные занятия требуют доступа к сети Интернет для работы с онлайн-ресурсами. Дополнительно обеспечивается доступ к электронным учебникам, базам данных с алгоритмическими задачами и специализированным программам для визуализации структур данных, что способствует лучшему пониманию материала и развитию практических навыков программирования.

### 2.4. Модульная структура дисциплины с распределением весов по формам контролей

Формы контролей	(фо теку контр резул юп оце теку конт	оормы орм) щего ооля в ътиру цей енке щего гроля по	пром чн конт итог оцо пром	формы пежуто пого роля в говой енке пежуто пого гроля	Вес итоговой оценки промежуточн ого контроля в результирую щей оценке промежуточн ых контролей		Вес итоговой оценки промежуточног о контроля в результирующе й оценке промежуточны х контролей (семестровой оценке)	Веса результирующей оценки промежуточных контролей и оценки итогового контроля в результирующей оценке итогового контроля
Вид учебной	M1	M2	M1	M2	M1	M2		
работы/контроля	1							
Контрольная работа (при	0.5	0.5						
наличии)								
Устный опрос (при наличии)								
Тест (при наличии)								
Лабораторные работы (при								
наличии)								
Письменные домашние задания								
(при наличии)								
Реферат (при наличии)								
Эссе (при наличии)								
Проект (при наличии)								
Другие формы (при наличии)								
Веса результирующих оценок					0.3	4		
текущих контролей в итоговых								
оценках промежуточных								
контролей								
Веса оценок промежуточных					0.7			
контролей в итоговых оценках								
промежуточных контролей								
Вес итоговой оценки 1-го							0.5	
промежуточного контроля в								
результирующей оценке								
промежуточных контролей								
Вес итоговой оценки 2-го							0.5	
промежуточного контроля в								
результирующей оценке								

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Учебный Модуль

промежуточных контролей								
Вес результирующей оценки промежуточных контролей в результирующей оценке итогового контроля								0.4
Вес итогового контроля (Экзамен/зачет) в результирующей оценке итогового контроля								0.6
	$\sum =$ 1	∑= 1	∑ = 1	$\sum_{1} =$	$\sum = 1$	$\sum =$ 1	∑ = 1	∑ = 1

#### 3. Теоретический блок

- 3.1. Материалы по теоретической части курса
  - 3.1.1. Учебник(и);

Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р., Штайн К. Алгоритмы: построение и анализ = Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest, Clifford Stein. Introduction to Algorithms. Second edition / пер. с англ. канд. техн. наук И. В. Красикова, Н. А. Ореховой, В. Н. Романова под ред. канд. техн. наук И. В. Красикова. — 2-е изд. — М.: Издательский дом «Вильямс», 2011. — 1290 с., ил. — 1000 экз. — ISBN 978-5-8459—0857-5 (рус.). — ISBN 0-07-013151-1 (англ.).

- 3.1.2. Учебное(ые) пособие(я);
- 3.1.3. Курс лекций;
- 3.1.4. Краткие конспекты лекций;
- 3.1.5. Электронные материалы (электронные учебники, учебные пособия, курсы и краткие конспекты лекций, презентации РРТ и т.п.);
- 3.1.6. Глоссарий/терминологический словарь;
- 3.1.7. др. варианты материалов, необходимых для освоения учебной программы дисциплины.

#### 4. Фонды оценочных средств

#### 4.1. Планы практических и семинарских занятий

1. Корректность и анализ алгоритмов: worst-, average-, best-case; асимптотики.

- 2. Классические алгоритмы сортировки: bubble, insertion, radix, bucket.
- 3. Нижняя оценка сложности сортировки сравнениями.
- 4. Парадигма «разделяй и властвуй»: сортировка слиянием, бинарный поиск, умножение матриц.
- 5. Алгоритм Штрассена.
- 6. Динамическое программирование: числа Фибоначчи, LCS.
- 7. ДП: самая длинная возрастающая подпоследовательность (LIS), задача о рюкзаке.
- 8. Представления графов: списки, матрицы, хэш-таблицы.
- 9. Алгоритмы BFS и DFS, оценка сложности.
- 10. Топологическая сортировка и компоненты сильной связности.
- 11. Деревья: свойства, нахождение центра, вычисление диаметра.
- 12. Алгоритмы построения MST: Краскал, Прим.
- 13. Жадные алгоритмы: разбор и реализация.
- 14. Введение в классы Р и NP, понятие NP-полноты.

#### 4.2. Планы лабораторных работ и практикумов

- 1. Сравнение временной сложности сортировок на реальных данных.
- 2. Реализация алгоритмов сортировки с логированием шагов.
- 3. Реализация алгоритма Штрассена.
- 4. Построение LCS, LIS и рюкзак табличные и рекурсивные реализации.
- 5. Визуализация работы BFS и DFS.
- 6. Построение графа по списку рёбер и выполнение топологической сортировки.
- 7. Поиск компоненты сильной связности с помощью алгоритма Косарайю.
- 8. Вычисление диаметра дерева и его центра.
- 9. Реализация алгоритма Краскала и Прима.
- 10. Примеры и задачи на жадные алгоритмы.
- 11. Анализ задач на NP-полноту и редукции (на примере SAT, рюкзака, раскраски графа).

#### 4.3. Материалы по практической части курса

#### 4.3.1. Учебно-методические пособия

- Кормен Т. и др. Алгоритмы: построение и анализ
- Седжвик Р. Алгоритмы на C++
- Тим Рафгарден (Stanford CS161)

#### 4.3.2. Учебные справочники

- cp-algorithms.com
- GeeksForGeeks
- VisuAlgo (визуализация алгоритмов)

#### 4.3.3. Задачники (практикумы)

- Timus Online Judge
- LeetCode: раздел Dynamic Programming, Graphs
- AtCoder Educational DP Contest

#### 4.3.4. Наглядно-иллюстративные материалы

- Анимации сортировок и обходов графов
- Видео объяснения алгоритмов (YouTube: William Fiset, Computerphile)
- Схемы динамических таблиц

#### 4.3.5. Другие виды материалов

- GitHub с шаблонами реализаций и задач
- Онлайн-интерпретаторы для визуализации работы алгоритмов
- Коллекции задач по темам

#### 4.4. Вопросы и задания для самостоятельной работы студентов

- Реализовать и сравнить сортировки: bubble, insertion, merge.
- Выполнить пошаговую симуляцию LCS и LIS.
- Построить дерево и найти его центр.
- Составить граф зависимостей и выполнить топологическую сортировку.
- Разработать реализацию рюкзака с memoization.

#### 4.6. Образцы контрольных и промежуточных заданий

#### Фрагмент контрольной:

- 1. Приведите пример задачи, решаемой жадным методом, и обоснуйте корректность.
- 2. Реализуйте поиск центра дерева.
- 3. Выполните топологическую сортировку графа.

#### 4.7. Перечень экзаменационных вопросов

- 1. Понятие корректности алгоритма и асимптотическая сложность
- 2. Разновидности сортировок и их эффективность
- 3. Парадигма «разделяй и властвуй» и её применение
- 4. Основы динамического программирования
- 5. LIS, LCS и задача рюкзака
- 6. Обходы графов и построение графов

- 7. Алгоритмы топологической сортировки и компонент связности
- 8. Свойства деревьев: диаметр, центр
- 9. Минимальное остовное дерево: Краскал и Прим
- 10. Жадные алгоритмы и доказательства оптимальности
- 11. Классы Р и NP, NP-полные задачи

#### 4.8. Образцы экзаменационных билетов

#### Билет №4

- 1. Объясните понятие NP-полноты и приведите пример задачи.
- 2. Реализуйте алгоритм Краскала.
- 3. Найдите самую длинную возрастающую подпоследовательность заданной последовательности.

#### 4.9. Образцы экзаменационных практических заданий

- Реализация merge sort с логированием шагов
- Построение дерева и нахождение его центра и диаметра
- Построение остовного дерева с визуализацией выбора рёбер
- Задача рюкзака: реализация и оптимизация по памяти

#### 4.10. Банк тестовых заданий для самоконтроля

#### Примеры:

1.	Что обозначает O(n log n)?
	□ Линейная сложность
	☑ Лог-линейная сложность
	□ Квадратичная сложность
2.	Какой из алгоритмов работает быстрее в среднем случае?
	□ bubble sort
	☑ merge sort
	☐ insertion sort
3.	Какой из алгоритмов обеспечивает корректную топологическую сортировку?
	□ BFS
	☑ DFS с постобходом
	□ Prim

#### 4.11. Методики решения и ответы к тестам

• Задача: Найти компоненту сильной связности

**Методика:** Выполнить два прохода DFS (алгоритм Косарайю)

• Вопрос: Что делает алгоритм Прима?

Ответ: Находит MST, начиная с одной вершины, расширяя дерево ближайшим

ребром

• Задача: Реализовать LCS

Ответ: Использовать двумерную таблицу, где dp[i][j] — длина LCS первых i и j

символов

#### 5. Методический блок

#### **5.1.** Методика преподавания

5.1.1. Методика преподавания дисциплины строится на принципе постепенного усложнения материала от базовых алгоритмов к сложным парадигмам, сочетая теоретические обоснования c практической реализацией. рекомендуется готовиться к семинарским занятиям через предварительное изучение псевдокода алгоритмов, выполнение трассировки на небольших примерах вручную и анализ временной сложности на бумаге. Самостоятельная работа организуется через решение задач на алгоритмических платформах (LeetCode, Codeforces), чтение классической литературы по алгоритмам (Кормен, Седжвик), создание собственных тестовых наборов и ведение журнала с анализом сложности решенных задач. Особое внимание уделяется развитию алгоритмического мышления через декомпозицию сложных задач на подзадачи, выбор подходящих парадигм (жадные алгоритмы, динамическое программирование, разделяй и властвуй) и обоснование корректности решений через инварианты и доказательства, что формирует фундаментальные навыки для решения практических вычислительных задач.