

**ГОУ ВПО Российско-Армянский (Славянский)  
университет**

**Утверждено  
Директор Института Математики и Информатики  
Арамян Р.Г.**



**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЙ КОМПЛЕКС ДИСЦИПЛИНЫ**

**Наименование дисциплины: Методы конечных элементов**

**Автор: канд. физ.-мат. наук, доцент Арутюнян Камо Вагаршакович**

**Направление подготовки: 01.04.02 Прикладная математика и  
информатика**

**Наименование образовательной программы: Математическое  
моделирование**

## 1. АННОТАЦИЯ

### 1.1. Краткое описание содержания данной дисциплины

Методы конечных элементов (МКЭ) представляют собой современный и наиболее эффективный способ решения краевых задач математической физики. Цель курса "МКЭ" заключается в изучении основных принципов метода и его применении для решения практических задач. Курс "МКЭ" рассматривается как логическое продолжение предметов "Дифференциальные уравнения", "Уравнения математической физики" и "Численные методы".

### 1.2. Трудоемкость в академических кредитах и часах, формы итогового контроля

Трудоемкость курса составляет 5 академических кредита, что эквивалентно **180** часам (1 академический кредит равен 36 часам). Обучение включает в себя 32 часа практических занятий. Итоговый контроль будет проведен в форме **зачет**.

### 1.3. Результаты освоения программы дисциплины:

Код компетенции	Наименование компетенции	Код индикатора достижения компетенций	Наименование индикатора достижений компетенций
ПК-2	Способностью разрабатывать и анализировать концептуальные и теоретические модели решаемых научных проблем и задач	ПК-2.1	Знать теоретические основы и концептуальные модели в научных исследованиях
		ПК-2.2	Уметь анализировать и разрабатывать концептуальные и теоретические модели для проектной и производственной деятельности
		ПК-2.3	Владеть глубоким пониманием теоретических подходов и их практического применения в создании новых исследовательских проектов

## 2. УЧЕБНАЯ ПРОГРАММА

## **2.1. Цели и задачи дисциплины**

Цели дисциплины:

Освоение студентами теоретических основ и практических навыков применения метода конечных элементов.

Подготовка к решению сложных инженерных и физических задач с использованием МКЭ.

Задачи дисциплины:

Изучение математических основ и алгоритмических подходов метода конечных элементов.

Применение МКЭ в различных областях, таких как структурный анализ, теплопередача и динамика жидкости.

Развитие навыков программирования и использования специализированного программного обеспечения для реализации МКЭ.

Интеграция знаний из предшествующих курсов по математике и физике для комплексного анализа инженерных задач.

## **2.2. Трудоемкость дисциплины и виды учебной работы (в академических часах и зачетных единицах) (*удалить строки, которые не будут применены в рамках дисциплины*)**

Виды учебной работы	Всего, в акад. часах	Распределение по семестрам					
		—1— сем	—2— сем	—3— сем	—4— сем.	—5— сем	—6— сем.
<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>
<b>1.Общая трудоемкость изучения дисциплины по семестрам, в т. ч.:</b>	<b>32</b>	<b>32</b>					
1.1. Аудиторные занятия, в т. ч.:	32	32					
1.1.1. Лекции							
1.1.2. Практические занятия, в т. ч.	32	32					
Итоговый контроль		Зачет					

## **2.3. Содержание дисциплины**

### **2.3.1. Тематический план и трудоемкость аудиторных занятий (модули, разделы дисциплины и виды занятий) по рабочему учебному плану**

Разделы и темы дисциплины	Всего часов	Лекции, часов	Практ. занятия, часов	Семинары, часов	Лаб., часов

1	2	3	4	5	6
<b>Модуль 1</b>	<b>32</b>		<b>32</b>		
<b>Раздел 1. Вариационные методы математической физики</b>	<b>20</b>		<b>20</b>		
<i>Тема 1.1.</i> Операторы и функционалы в гильбертовом пространстве. Линейные операторы. Симметричные и положительно определенные операторы. Линейные функционалы. Примеры.	4		4		
<i>Тема 1.2.</i> Энергетическое пространство положительно определенного оператора. Функционал энергии. Примеры.	4		4		
<i>Тема 1.3.</i> Теорема о минимуме функционала энергии. Обобщенное решение задачи о минимуме функционала энергии. Минимизирующая последовательность и ее сходимость.	4		4		
<i>Тема 1.4.</i> Метод Ритца и его сходимость. Примеры.	4		4		
<i>Тема 1.5.</i> Метод Бубнова-Галеркина.	4		4		
<b>Раздел 2. Основы метода конечных элементов.</b>	<b>12</b>		<b>12</b>		

<i>Тема 2.1.</i> Разбиение двумерных областей на малые подструктуры. Конечные элементы. Типы конечных элементов.	2		2		
<i>Тема 2.2.</i> Линейные конечные элементы. Триангуляция области. Сетки и сеточные функции. Кусочно-линейные восполнения сеточных функций.	2		2		
<i>Тема 2.3.</i> Неравенства для кусочно-линейных восполнений (оценки норм кусочно-линейных восполнений).	4		4		
<i>Тема 2.4.</i> Теоремы аппроксимации для кусочно-линейных восполнений функций из пространства $W_2^2$ .	4		4		
<b>ИТОГО</b>	<b>34</b>		<b>34</b>		

### **2.3.2. Краткое содержание семинарских/практических занятий/лабораторного практикума**

Ручные расчёты:

Студенты будут выполнять ручные расчёты для анализа простых структур и систем, используя методы конечных элементов

Студенты будут создавать чертежи и схемы, которые демонстрируют распределение нагрузок, напряжений и других физических характеристик в задачах, связанных с методом конечных элементов.

Использование макетов и моделей:

Для наглядности и лучшего понимания физических процессов студенты будут работать с физическими макетами и моделями. Это позволяет ощутить реальные физические явления и увидеть результаты теоретических расчётов.

### 2.3.3. Материально-техническое обеспечение дисциплины

#### Доска:

Традиционная черная или маркерная доска для визуального представления учебного материала, формул и схем во время лекций и семинаров.

#### Проектор:

Современный проектор, подключаемый к компьютеру для демонстрации презентаций, видеоматериалов и программного кода. Проектор необходим для визуализации сложных концепций и детализации примеров анализа данных.

### 2.4. Модульная структура дисциплины с распределением весов по формам контролей

Формы контролей	Вес формы (форм) текущего контроля в результирующей оценке текущего контроля (по модулям)	Вес формы промежуточного контроля в итоговой оценке промежуточного контроля	Вес итоговой оценки промежуточного контроля в результирующей оценке промежуточных контролей	Вес итоговой оценки промежуточного контроля в результирующей оценке промежуточных контролей (семестровой оценке)	Веса результирующей оценки промежуточных контролей и оценки итогового контроля в результирующей оценке итогового контроля	
Вид учебной работы/контроля	M1	M2	M1	M2	M1	M2
Контрольная работа ( <i>при наличии</i> )			0,7			
Устный опрос ( <i>при наличии</i> )						
Тест ( <i>при наличии</i> )						
Лабораторные работы ( <i>при наличии</i> )						
Письменные домашние задания ( <i>при наличии</i> )			0,3			

Реферат (при наличии)							
Эссе (при наличии)							
Проект (при наличии)							
Другие формы (при наличии)							
Веса результирующих оценок текущих контролей в итоговых оценках промежуточных контролей					0,3		
Веса оценок промежуточных контролей в итоговых оценках промежуточных контролей					0,7		
Вес итоговой оценки 1-го промежуточного контроля в результирующей оценке промежуточных контролей							
Вес итоговой оценки 2-го промежуточного контроля в результирующей оценке промежуточных контролей					1		
Вес результирующей оценки промежуточных контролей в результирующей оценке итогового контроля							0,4
<b>Вес итогового контроля (Экзамен/зачет) в результативной оценке итогового контроля</b>							0,6
	$\sum = 1$						

### 3. Теоретический блок (указываются материалы, необходимые для освоения учебной программы дисциплины)

#### 3.1. Материалы по теоретической части курса

1. **О. Зенкевич, К. Морган.** Конечные элементы и аппроксимация.- М.: Мир, 1986.
2. **Г.И. Марчук, В.И. Агошков.** Введение в проекционно-сеточные методы.-М.: Наука, 1981.
3. **Э. Митчел, Р.Уэйт.** Метод конечных элементов для уравнений с частными производными.- М.: Мир, 1981.
4. **С.Г. Михлин.** Вариационные методы в математической физике.- М.: Наука, 1970.
5. **Л.А. Оганесян, Л.А. Руховец.** Вариационно-разностные методы решения эллиптических уравнений.- Ереван: изд-во АН Арм. ССР, 1979.
6. **Г. Стрэнг, Дж. Фикс.** Теория метода конечных элементов.- М.: Мир, 1981.

**а) Базовые учебники**

1. Г.И. Марчук, В.И. Агошков. Введение в проекционно-сеточные методы.-М.: Наука, 1981.
2. Л.А. Оганесян, Л.А. Руховец. Вариационно-разностные методы решения эллиптических уравнений.- Ереван: изд-во АН Арм. ССР, 1979.

**б) Основная литература**

1. С.Г. Михлин. Вариационные методы в математической физике.- М.: Наука, 1970.
2. Э. Митчел, Р.Уэйт. Метод конечных элементов для уравнений с частными производными.- М.: Мир, 1981.

**в) Дополнительная литература**

1. О. Зенкевич, К. Морган. Конечные элементы и аппроксимация.- М.: Мир, 1986.
  2. Г. Стрэнг, Дж. Фикс. Теория метода конечных элементов.- М.: Мир, 1981.
- 4. Фонды оценочных средств (указываются материалы, необходимые для проверки уровня знаний в соответствии с содержанием учебной программы дисциплины).**

**4.1. Планы практических и семинарских занятий**

Оценка студентов на практических занятиях осуществляется через выполнение заданий, которые включают ручные расчёты, схематическое моделирование и работу с макетами.

Оценка качества и точности выполнения этих заданий, а также способность студентов к аналитическому мышлению и решению инженерных задач.

**5. Методический блок**

**5.1. Методика преподавания**

- 5.1.1. Методические рекомендации для студентов по подготовке к семинарским, практическим или лабораторным занятиям, по организации самостоятельной работы студентов при изучении конкретной дисциплины.

- Практика на моделях и примерах
- Групповые обсуждения
- Активное участие на занятиях